

* Data l'eq. $\partial_t^2 u = D \partial_{xx}^2 u - a u$

con $a > 0$, $0 < x < \pi$

- condizioni al bordo $u(0, t) = u(\pi, t) = 0$

- \Leftrightarrow iniziali $u(x, 0) = \sin x - \frac{1}{\pi} \sin 3x$, calcolare $u(x, t)$

* Data l'eq. $\partial_{tt}^2 u = \partial_{xx}^2 u - \gamma \partial_t u$

- condizioni al bordo $u(0, t) = u(\pi, t) = 0$

- \Leftrightarrow iniziali $u(x, 0) = (\sin 2x)^4 - \frac{1}{5} \sin 10x$

e $\partial_t u(x, 0) \Big|_{t=0} = 0$, calcolare $u(x, t)$

* Data l'eq. $\partial_t^2 u = D(\partial_{xx} + \partial_{yy}) u$

nel quadrato di lati 2π centrato

in $(0, 0)$, con condizioni al bordo

$0 = u(x=\pi, y) = u(x=-\pi, y) = u(x, y=\pi) = u(x, y=-\pi)$

condizioni iniziali.

$$u(x, y, 0) = (\sin x)^2 \sin 2y$$

calcolare $u(x, y, t)$.